

**Практические задания  
по дисциплине «Математика»  
для групп колледжа СВ-11к, СМ-1к**

**Преподаватель Гречушникова Ю.С.**

**Выполните практические задания, изучив лекционный материал**

**Практическое задание №13**

**ТЕМА: Решение тригонометрических уравнений и неравенств, Стереометрия, Комплексные числа, Применение интеграла, Элементы комбинаторики, теории вероятностей и математической статистики**

**Задачи практической работы:**

1. Повторить теоретический материал по теме практической работы.
2. Выполнить предложенные задания.
3. Записать выполненные задания в тетради для практических работ.

**Обеспеченность занятия (средства обучения):**

1. Учебник по алгебре и началам математического анализа
2. Тексты лекций.
3. Тексты заданий
4. Тетради для практических работ.

## **Задания для практического занятия:**

### **ЗАДАНИЕ 1**

Для каждой из функций

$$y = 2 \cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) \quad \text{и} \quad y = \sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right)$$

найдите координаты общих точек ее графика с прямой:

- а)  $x = 4,5\pi$ ;    б)  $y = -1$ ;    в)  $y = 1$ ;    г)  $y = 0$ .

### **ЗАДАНИЕ 2**

Решите уравнения  $\cos\left(\frac{\pi}{3} - 2x\right) = \frac{1}{2}$ ,  $\sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) = -1$

и найдите для каждого из них:

- а) наименьший положительный корень;  
б) корни, принадлежащие промежутку  $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{3\pi}{2}\right]$ ;  
в) наибольший отрицательный корень;  
г) корни, принадлежащие промежутку  $\left(-\pi; \frac{\pi}{2}\right)$ .

### **ЗАДАНИЕ 3**

Решите неравенства

- а)  $\sin 2x < \frac{1}{2}$ ;                          б)  $\cos \frac{x}{3} > \frac{\sqrt{3}}{2}$ ;  
в)  $\sin \frac{x}{2} < -\frac{\sqrt{3}}{2}$ ;                          г)  $\operatorname{tg} 5x > 1$ .

## ЗАДАНИЕ 4

Найдите решения неравенства, принадлежащие указанному промежутку:

а)  $\sin x \geq -\frac{1}{2}$ ,  $x \in \left(-\frac{\pi}{2}; \frac{7\pi}{6}\right)$ ;

б)  $\cos \frac{x}{2} > \frac{\sqrt{3}}{2}$ ,  $x \in \left[-\frac{\pi}{2}; 0\right]$ ;

в)  $\operatorname{tg} x \geq -1$ ,  $x \in \left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{4}\right]$ ;

г)  $\sin 2x < \frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $x \in [0; \pi]$ .

## ЗАДАНИЕ 5

Рулетка имеет 38 номеров, выпадание каждого из которых единственно возможно и равновозможно. Если выпадет номер, на который поставил игрок, то он получает свою ставку обратно, плюс ту же сумму в 35-кратном размере, если нет, то теряет свою ставку. Определите, сколько в среднем получает каждый игрок в одной игре при ставке в 19 рублей.

## ЗАДАНИЕ 6

Два стрелка стреляют по мишени, состоящей из трех областей. Попадание в первую область дает стрелку 5 очков, во вторую — 10 очков, в третью — 20 очков. Законы распределения числа выбитых очков для каждого из них заданы таблицами 8 и 9, где  $x$  — число очков, выбитых первым стрелком,  $y$  — вторым. Определите, какой стрелок лучше в среднем стреляет по этой мишени.

Таблица 8

$x_i$	5	10	20
$p_i$	0,3	0,4	0,3

Таблица 9

$y_i$	5	10	20
$p_i$	0,2	0,6	0,2

## **ЗАДАНИЕ 7**

Будем называть игру справедливой, если в среднем будет одинаковым число очков или денег, получаемых каждым игроком. Определите, является ли справедливой игра, описанная в следующей задаче

Подбрасываются две монеты. Игрок *A* получает 2 очка, если выпадают два герба, 0 очков в других случаях. Игрок *B* получает 1 очко, если выпадают герб и решка, 0 очков в других случаях.

## **ЗАДАНИЕ 8**

Основание пирамиды — равнобедренный треугольник со сторонами 40 см, 25 см и 25 см. Ее высота проходит через вершину угла, противолежащего стороне 40 см, и равна 8 см. Найдите боковую поверхность пирамиды.

## **ЗАДАНИЕ 9**

На поверхности шара даны три точки. Прямолинейные расстояния между ними 6 см, 8 см, 10 см. Радиус шара 13 см. Найдите расстояние от центра до плоскости, проходящей через эти точки.

## **ЗАДАНИЕ 10**

Основание пирамиды — равнобедренный треугольник со сторонами 6 см, 6 см и 8 см. Все боковые ребра равны 9 см. Найдите объем пирамиды.

## **ЗАДАНИЕ 11**

Конусообразная палатка высотой 3,5 м с диаметром основания 4 м покрыта парусиной. Сколько квадратных метров парусины пошло на палатку?

## **Форма контроля выполнения практической работы**

Выполненная работа представляется преподавателю в тетради для выполнения практических работ.

**Решение присылайте на адрес juliagrech@yandex.ru**

## **СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ ЛИТЕРАТУРЫ**

Алгебра и начала математического анализа: учебник для 10-11 классов общеобразовательных учреждений /Под ред. А.Н. Колмогорова. - М., Просвещение, 2008. - 384 с.